

Solve the following:

1) $\frac{dy}{dx} = \frac{x^3 - 3xy^2}{y^3 - 3x^2y}$

16) $x^3 dx - y^3 dy = 3xy(ydx - xdy)$

2) $\frac{dy}{dx} + \frac{2}{x}y = \frac{y^3}{x^3}$

17) $\frac{dy}{dx} = \frac{x^4 + 3x^2y^2 + y^4}{x^3y}$

3) $\frac{dy}{dx} = \frac{x-y-1}{4y+x-1}$

18) $\sqrt{1-y^2} dx + \sqrt{1-x^2} dy = 0$

4) $\frac{dy}{dx} + \frac{2x}{x^2+1}y = \frac{4x^2}{x^2+1}$

19) $\frac{dy}{dx} = \frac{2x+3y-1}{6x+9y+6}$

5) $(y^4 + 2y)dx + (xy^3 + 2y^4 - 4x)dy = 0$

20) $\frac{dy}{dx} = \frac{e^x + x^2}{e^y}$

6) $\frac{1}{y^2} \frac{dy}{dx} + \frac{1}{x} \cdot \frac{1}{y} = \frac{1}{x} \log x$

21) $\frac{d^2y}{dx^2} + 3 \frac{dy}{dx} + 2y = x^2 + 3$

7) $x^3 dx - y^3 dy = 3xy(ydx - xdy)$

22) $(3y^2 - 4x^2y)dx + (3xy - 2x^3)dy = 0$

8) $\sin(2x) \frac{dy}{dx} = y + \tan(x)$

23) $(D^3 + 2D^2 + D).y = x^2$

9) $y - \cos x \frac{dy}{dx} = y^2(1 - \sin x)\cos x$

24) $(D^2 + 4).y = \sin(2x)$

10) $\frac{dy}{dx} = \frac{x^4 + 3x^2y^2 + y^4}{x^3y}$

25) $\frac{d^2y}{dx^2} - 3 \frac{dy}{dx} + 2y = x^2 + 3x$

11) $x^2 \frac{dy}{dx} = xy + y^2 \text{ put } y = vx$

26) $\frac{d^2y}{dx^2} + 5 \frac{dy}{dx} + 6y = xe^{-2x}$

12) $x \frac{dy}{dx} + \frac{y^2}{x} = y \text{ put } y = v \cdot x$

27) $(D^2 - 2D + 1)y = e^x + 1$

13) $(1 - x^2) \frac{dy}{dx} + 2xy = x\sqrt{1 - x^2}$

28) $(D^2 - 2D + 1)y = x^2 e^{3x}$

14) $(4x^2y + 2y^2)dx + (3x^3 + 4xy)dy = 0$

29) $\frac{d^2y}{dx^2} - \frac{dy}{dx} - 2y = (1 + x)^2$

15) $\cos x \frac{dy}{dx} + y \cdot \sin x = 1$

30) $\frac{d^2y}{dx^2} + 7 \frac{dy}{dx} + 12y = xe^x$